

🙆 Original Research

E-ISSN: 2538-4430 ISSN: 2382-9796

# Statistical Analysis of the Skirted Ring Footings Located on Sandy Soil

Ramin Vali<sup>1\*</sup> , Mahmood Parsamanesh<sup>2</sup>

<sup>1</sup>Lecturer, Department of Civil Engineering, Technical and Vocational University (TVU), Tehran, Iran.

<sup>2</sup>Assistant Professor, Department of Mathematics, Technical and Vocational University (TVU), Tehran, Iran.

## ARTICLE INFO

A B S T R A C T

Received: 02.22.2022 Revised: 05.04.2022 Accepted: 06.07.2022

#### Keyword:

Ring footing Finite element limit analysis (FELA) Statistical analysis Sandy soil skirted footing Bearing capacity

\*Corresponding Author: Ramin Vali Email: rvali@tvu.ac.ir In this paper, the increased bearing capacity of the circular and ring footings in sandy soil was investigated. Therefore, vertical skirts were used to increase the bearing capacity of the footing. In this regard, axisymmetric numerical modeling was performed using the lower and the upper bounds of the *Finite Element Limit Analysis* (FELA). More than 1,000 simulations were performed using Optum<sup>G2</sup> software to ensure accurate results. The impact of different parameters on the bearing capacity of the ring footing was studied by considering structural and geotechnical parameters. The factors included the soil's internal friction angle, interaction coefficient between the footing and the soil, radius ratio of the ring footing, and vertical skirt length. Dimensionless design charts were used to present the research results. Additionally, statistical analysis was employed to derive a nonlinear regression equation for calculating the bearing capacity of the ring footings.



©2022 Technical and Vocational University, Tehran, Iran. This article is an open-access article distributed under the terms and conditions of the Creative Commons Attribution-Noncommercial 4.0 International (CC BY-NC 4.0 license) (https://creativecommons.org/licenses/by-nc/4.0/).

### **EXTENDED ABSTRACT**

#### Introduction

A ring footing is one of the most useful structures for the foundation of chimneys, silos, and storage tanks. A decreased use of the material is one of the crucial advantages of utilizing such a foundation. In the present research, the possibility of increasing the bearing capacity of circular and ring footing in sandy soil was investigated. For this purpose, various methods were considered, among which soil reinforcement methods or structural design methods can be mentioned. One of the most effective methods is the use of skirt elements. Therefore, in this article, the effect of using vertical skirts to increase the bearing capacity of the ring footing was investigated.

#### Methodology

To carry out the modelling in this research study and to calculate the bearing capacity directly, the *Finite Element Limit Analysis* was adopted. To increase the accuracy of the simulation, *lower* and *upper* bounds were calculated, and the *average* values used to present dimensionless design charts. For this purpose, *Optum<sup>G2</sup>* software was used. Figure 1 shows the axisymmetric numerical simulation performed by *FELA* in *Optum<sup>G2</sup>* software. In order to investigate the effect of various parameters, 1000 different simulations were performed to ensure accurate results.



Figure 1. Model geometry and a typical FELA mesh

When a skirted ring footing is located on sandy soil, its bearing capacity could be affected by two categories of influential parameters; (*i*) geometrical features, namely, the radius ratio  $(r_i/r_o)$ , and the skirt element length  $(D_s/(r_o-r_i))$ ; (*ii*) the soil internal friction angle ( $\varphi$ ) and the relevant soil density ( $\gamma$ ). As mentioned, the impact of different parameters on the bearing capacity of the ring footing was studied by considering structural and geotechnical parameters. As a result, the bearing capacity of the skirted ring footing capacity of the presented as per Equation 1:

(1) 
$$\frac{q_u}{\gamma(r_o-r_i)} = f\left(\frac{r_i}{r_o}, \frac{D_s}{(r_o-r_i)}, \varphi\right)$$

#### **Results and discussion**

In this study, failure patterns were represented by the shear dissipation contours

obtained from the *upper bound* of *FELA*. As a sample, Figure 2 shows the effect of  $D_s/(r_o-r_i)$  on the failure pattern. The values of the *lower* and *upper* bounds of *FELA* are also presented.



Figure 2. The effect of  $D_s/(r_o r_i)$  on the failure pattern of the skirted ring footing

To increase the accuracy of the results, the *average* values of *lower* and *upper* bounds of *FELA* were calculated and dimensionless design charts were plotted to present the research results. For instance, the dimensionless charts for the case where  $\varphi$ =45°, is presented in Figure 3.



Figure 3. Normalized bearing capacity of the ring footing in the frictional soil for various skirt length (smooth footing)

Additionally, statistical analysis was employed by means of SPSS v.26 to derive a nonlinear regression equation for calculating the bearing capacity of the skirted ring footings. As shown, Equation 2 is a function of the radius ratio of the ring footing. For greater illustration, Table 1 is presented in this section for the case where  $\varphi$ =45° for smooth footing.

Ramin Vali and Mahmood Parsamanesh

Statistical Analysis of the Skirted Ring Footings ...

(2) 
$$\frac{q_u}{\gamma(r_o-r_i)} = a \times \left(\frac{r_i}{r_o}\right)^3 + b \times \left(\frac{r_i}{r_o}\right)^2 + c \times \left(\frac{r_i}{r_o}\right) + d$$

|     |                 |         | Tuble 1. I | ne regressie | n parame | ters or the | mouci  |        |       |                       |
|-----|-----------------|---------|------------|--------------|----------|-------------|--------|--------|-------|-----------------------|
| (0) | $D_s/(r_o-r_i)$ | (       | 7          | b            |          | С           |        | d      |       | <b>D</b> 2            |
| φ   |                 | Value   | S.E.       | Value        | S.E.     | Value       | S.E.   | Value  | S.E.  | <i>K</i> <sup>2</sup> |
|     | 0.00            | 164.13  | 15.54      | -207.31      | 21.28    | -46.19      | 8.20   | 154.89 | 0.84  | 0.997                 |
|     | 0.25            | 3182.14 | 257.09     | -4650.63     | 352.18   | 1499.50     | 135.62 | 201.53 | 13.95 | 0.946                 |
| 45  | 0.50            | 4659.54 | 271.17     | -6855.32     | 371.47   | 2283.22     | 143.04 | 219.70 | 14.72 | 0.967                 |
| 45  | 1.00            | 6010.44 | 454.97     | -8358.46     | 623.25   | 2414.37     | 240.00 | 375.02 | 24.69 | 0.954                 |
|     | 1.50            | 8197.09 | 731.99     | -11126.64    | 1002.73  | 3023.38     | 386.13 | 524.14 | 39.72 | 0.939                 |
|     | 2.00            | 9729.47 | 1049.34    | -12752.68    | 1437.45  | 3038.94     | 553.53 | 754.48 | 56.95 | 0.928                 |

 Table 1. The regression parameters of the model

The comparison between the predicted normalized bearing capacity values from Equation 2 and the measured values from the *FELA* are provided in Figure 4. The predicted values were in reasonable agreement with the measured values. This was also confirmed by the  $R^2$  values shown in Table 1. Therefore, the proposed models could be used to predict the normalized bearing capacity of skirted ring footing based on the radius ratio and the skirt element length of the footing.



Figure 4. The correlation between the predicted and measured normalized bearing capacity values (smooth footing)

# Conclusions

Based on the current research, the following conclusions were drawn:

- 1- As the radial ratio increased, the normalized bearing capacity first rose and then declined.
- 2- As radial ratio increased, the footings behaved similarly to strip foundations, which is an important factor in reducing bearing capacity as radius ratios increased.
- 3- Normalized bearing capacity increased significantly as the soil's internal friction angle increased. The bearing capacity increased by approximately 22 and 26 times for smooth and rough footings, respectively, when the relative length of the skirt element was 2 and the internal friction angle was increased from 30 to 45 degrees.
- 4- Normalized bearing capacity was maximized in larger radius ratios when the soil's internal friction angle was increased. Therefore, it is important to note that ring footings with a larger radius ratio can be used for soils with high internal friction angles.
- 5- According to the results of the *Finite Element Limit Analysis*, the range of changes in smooth ring footings was limited compared to rough ring foundations, particularly at radius ratios greater than 0.5.
- 6- In both smooth and rough footings, *R*<sup>2</sup> values calculated by *Finite Element Limit Analysis* and the estimated values derived from non-linear regression demonstrated very good agreement.



👥 مقاله پژوهشی

شاپای الکترونیکی: ۲۵۳۸-۴۴۳۰ شاپای چاپی: ۹۷۹۶-۲۳۸۲

# تحلیل آماری پیهای رینگی تقویت شده با دیواره قائم مستقر بر خاکهای ماسەاي

رامین ولی (\* 🔍، محمود یارسامنش ۲ 💿

عضو هیات علمی، گروه مهندسی عمران، دانشگاه فنی و حرفهای، تهران، ایران.

۲- استادیار، گروه ریاضی، دانشگاه فنی و حرفهای، تهران، ایران.

| چکیدہ   | اطلاعات مقاله                     |
|---|-----------------------------------|
|   |                                   |
| در این مقاله، افزایش ظرفیت باربری پی دایرهای و رینگی مستقر بر روی خاک               | دریافت مقاله: ۱۴۰۰/۱۲/۰۳          |
| ماسهای بررسی شده است. بنابراین بهمنظور نیل به این هدف، از دیوارههای                 | بازنگری مقاله: ۱۴۰۱/۰۲/۱۴         |
| تقویتکننده قائم برای افزایش ظرفیت باربری شالوده، استفاده شده است. در این            | پذیرش مقاله: ۱٬۰۳/۱۷              |
|   |                                   |
| با درنظر گرفتن حد پایین و حد بالا انجام شده است. برای دستیابی به نتایج دقیق،        | کلید واژگان:                      |
| بیش از هزار مدلسازی در فضای نرمافزاری Optum <sup>G2</sup> انجام شده است. برای بررسی | پی رینگی                          |
| تأثیر تغییرات ایجاد شده بر ظرفیت باربری پی رینگی، پارامترهای سازهای و               | تحليل حدى المان محدود             |
| ژئوتکنیکی مدنظر قرار گرفته است. این عوامل شامل زاویه اصطکاک داخلی خاک،              | تحليل أمارى                       |
| ضریب تماسی سازه و خاک، نسبتهای شعاعی متفاوت در پی رینگی و طول دیواره                | خاک ماسهای                        |
| تقویت کننده قائم میباشند. نتایج حاصل از پژوهش، بهصورت نمودارهای بیبعد شده           | ديوارەھاى تقويتكنندە قائم         |
| طراحی، ارائه شده است. همچنین با استفاده از تحلیلهای آماری، رابطه رگرسیون            | ظرفیت باربری                      |
| غیرخطی بهمنظور محاسبه مقادیر ظرفیت باربری در پی رینگی، پیشنهاد شده است.             |                                   |
|   | * <b>نویسنده مسئول:</b> رامین ولی |
|   | پست الکترونیکی:                   |
|   | rvali@tvu.ac.ir                   |

International (CC BY-NC 4.0 license) (https://creativecommons.org/licenses/by-nc/4.0/).



مقدمه

پیهای رینگی، یکی از انواع بهینه شالودهها بهخصوص برای سازههایی چون دودکشها، سیلوها و مخازن ذخیرهسازی میباشند. از مهمترین ویژگیهای این گونه شالودهها میتوان به کاهش مصرف مصالح ساختمانی در عملیات پیسازی اشاره کرد [1]. در این بخش بهمنظور بررسی پیشینه پژوهش، به مطالعات انجامشده در زمینه پیهای رینگی تمرکز شده و پس از آن تحقیقات انجامشده در مورد بهرهگیری از دیوارههای قائم بهمنظور تقویت ظرفیت باربری پی، بررسی شده است.

یژوهشگران متعددی در مورد ظرفیت باربری ییهای رینگی مطالعه کردهاند. کومار و قوش [۲] برای محاسبه ضریب ظرفیت باربری یی رینگی از روش مشخصههای تنش استفاده کردهاند، در حالی که بنمبارک و همکاران [۱] همین مسئله را با استفاده از تحلیل تفاضلات محدود <sup>۲</sup> مطالعه کردهاند. نتایج مطالعات ایشان نشان داده است که مقادیر ضریب ظرفیت باربری *N<sub>7</sub>* برای پی های رینگی زبر، بیشتر از پی های رینگی صیقلی می باشد. لی و همکاران [۳] ظرفیت باربری زهکشینشده پیهای رینگی را در خاکهای رسی غیرمتجانس ارزیابی کردهاند. نتایج مطالعات ایشان نشان می دهد که با کاهش نسبت شعاعی در پی های رینگی، مناطق پلاستیک خاک توسعه می پابد. در تحقیقات ایشان ظرفیت باربری زهکشینشده پی رینگی مستقر بر خاک رس دو لایه با استفاده از تحلیل اجزای محدود<sup>۳</sup> محاسبه شده است. سیدی حسینی نیا [۴] ظرفیت باربری پی رینگی را ارزیابی کرده و نشان داده است که با افزایش ضریب اصطکاک بین شالوده و خاک، ظرفیت باربری پی افزایش می یابد. کشاورز و کومار [۵] برای محاسبه ظرفیت باربری پی رینگی، از روش مشخصههای تنش استفاده کردهاند. همچنین غلامی و سیدی حسینی نیا [۶] ظرفیت باربری پیهای رینگی را با استفاده از روش مشخصههای تنش ارزیابی کردهاند. راماندا و همکاران [۷] برای محاسبه ضریب ظرفیت باربری N<sub>c</sub> در پیهای دایرهای و رینگی، از روش تفاضلات محدود بهره گرفتهاند. نتایج مطالعات ایشان نشان میدهد که با افزایش نسبت شعاعی پی رینگی، مقدار  $N_c$  بهطور قابلتوجهی کاهش می یابد. شارما و کومار  $[\Lambda]$  ظرفیت باربری  $\Lambda$ ییهای رینگی را با در نظر گرفتن اثر خروج از مرکزیت بارگذاری و مستقر بر خاکهای ماسهای تقویت شده ارزیابی کردهاند. نتایج مطالعات ایشان نشان میدهد که بار نهایی اعمال شده بر پیهای رینگی مستقر بر خاکهای دانهای، با افزایش خروج از مرکزیت بار، کاهش می یابد. ولی و همکاران [۹] با استفاده از روش تحلیل حدی المان محدود ً به بررسی تأثیر محل بارگذاری بر ظرفیت باربری پیهای رینگی پرداختهاند. نتایج مطالعات ایشان نشان میدهد که محل اعمال بارگذاری بر روی شالوده (نیمهداخلی یی، نیمهخارجی پی یا سطح بارگذاری کلی بر روی پی)، بر ظرفیت باربری یی رینگی، تأثیر گذار می باشد. کشاورز و کومار [۱۰] با استفاده از روش مشخصههای تنش به ارزیابی ظرفیت باربری یے،های رینگے، مستقر بر بستر سنگے، پرداختهاند. پراساد و چاکرابورتی [۱۱] ظرفیت باربری پیهای رینگی مستقر بر خاک دو لایه رسی- ماسهای را بررسی کردهاند. نتایج تحقیقات ایشان نشان میدهد که با افزایش ضخامت لایه ماسەاى، ظرفيت باربرى پى رينگى بەشدت افزايش مے يابد.

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> Stress Characteristics Method (SCM)

<sup>&</sup>lt;sup>2</sup> Finite Difference Method (FDM)

<sup>&</sup>lt;sup>3</sup> Finite Element Method (FEM)

<sup>&</sup>lt;sup>4</sup> Finite Element Limit Analysis (FELA)

یی های تقویتشده با دیوارههای قائم، از اتصال المان عمودی به صورت پیرامونی زیر یی سطحی تشکیل شدهاند. این نوع شالودهها بهطور گسترده در پروژههای ژئوتکنیکی برای افزایش ظرفیت باربری و کنترل نشست پی استفاده می شوند. اخیراً محققان با استفاده از روش های عددی و تجربی بر تأثیر استفاده از دیوارههای قائم در پی های نواری و دایرهای و تأثیر آن بر افزایش ظرفیت باربری شالوده، متمرکز شدهاند [۱۲–۱۵]. زو و همکاران [۱۶] با بهرهگیری از روش المان محدود به ارزیابی ظرفیت باربری یی های رینگی تقویتشده با دیواره قائم تحت بارگذاری های عمودی و افقی پرداختهاند. همچنین بینن و همکاران [۱۷] با استفاده از روشهای عددی به تأثیر بارگذاری عمودی و افقی بر روی پیهای تقویتشده با دیواره قائم اشاره کردهاند. الاقبری و دوتا [۱۸] با استفاده از تحلیلهای تجربی به ارزیابی عملکرد یی مربعی تقویتشده با دیوارههای قائم پرداختهاند. گرونک و راندولف [۱۹] در مطالعات خود به بررسی رفتار زهکشی شده و زهکشی نشده پی های تقویت شده با دیواره های قائم پرداخته اند. همچنین مانا و همکاران [۲۰] مکانیسم شکست پیهای تقویتشده با دیواره قائم را ارزیابی کردهاند. عید [۲۱] با استفاده از مدلسازی عددی و فیزیکی به ارزیابی ظرفیت باربری و نشست یی های سطحی مستقر بر روی لایههای ماسهای، پرداخته است. نتایج مطالعات ایشان نشان داده است که ظرفیت باربری شالوده با افزایش عمق دیواره قائم افزایش می یابد. یال و همکاران [۲۲] ظرفیت باربری پیهای نواری تقویتشده با دیواره قائم مستقر بر خاکهای دانهای را با استفاده از تحلیل حد بالا محاسبه کردهاند. الاقبری و محمدزین [۲۳] تأثیر دیوارههای قائم بر بهبود رفتار پیهای مستقر بر روی لایه ماسهای را ارزیابی کردهاند. نتایج بهدستآمده از پژوهش ایشان نشان داده است که ظرفیت باربری پی دایرهای تقویتشده با دیواره قائم بهطور قابلتوجهی بهبود مییابد. ختری و کومار [۲۴] ظرفیت باربری پیهای نواری و دایرهای را با استفاده از تحلیل حدى المان محدود ارزيابي كردهاند. بهطور مشابه، نتايج مطالعات ايشان به افزايش ظرفيت باربري ييهاي تقويتشده با دیواره قائم دلالت می کند. بیگی و همکاران [۲۵] در مطالعات خود به بررسی ظرفیت باربری پیهای نواری مجاور شیب و تأثیر طول دیوارههای تقویتکننده قائم پرداختهاند. نتایج تحقیقات ایشان به تأثیر قابلتوجه طول دیواره قائم بر افزایش ظرفیت باربری پی، اشاره میکند.

مواجهه با خاک غیرمناسب و احداث زیرساختهای عمرانی در این گونه مناطق باعث شده روشهای متنوعی برای کاهش نشست سازه و همچنین افزایش ظرفیت باربری پی مطرح شود. یکی از راهکارهای متداول برای این مهم، تقویت بستر خاکی توسط لایههای ژئوگرید و ژئوتکستایل میباشد [۲۶–۲۹]. علاوه بر روشهای مرسوم، در سالهای اخیر، دیوارههای تقویتکننده قائم، یکی از روشهای موردتوجه برای افزایش ظرفیت باربری پی میباشد. براساس تاریخچه پیش گفته میتوان نتیجه گرفت که استفاده از دیوارههای قائم تقویتکننده میتواند روش مناسبی برای افزایش ظرفیت باربری پیها، به خصوص پیهای دایرهای و رینگی عمل کند. از اینرو، هدف از انجام این پژوهش، اززیابی آماری استفاده از دیواره قائم در میانه پی، بر افزایش ظرفیت باربری پیهای دایرهای و رینگی مستقر بر روی خاکهای ماسهای در دو حالت پی صیقلی و پی زبر میباشد. مطالعه عددی انجام شده در این مقاله، بر پایه تحلیل حدی المان محدود در دو حد بالا و پایین میباشد. همچنین، براساس نتایج به دستآمده از مدلسازی عددی و بهره گیری از رگرسیون غیرخطی و تحلیلهای آماری صورت گرفته، معادلهای برای تخمین ظرفیت باربری پی رینگی پیشنهاد شده است.

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> Upper Bound Analysis

# مدلسازی عددی

ظرفیت باربری نهایی پی رینگی (qu)، تابعی از ویژگیهای هندسی پی (نسبت شعاعی و طول نسبی دیواره قائم) و مشخصات مقاومتی خاک (زاویه اصطکاک داخلی (q) و وزن مخصوص (q)) بوده که میتواند بهصورت معادله (۱) نوشته شود [۲۵]. پارامترهای هندسی مدل در شکل ۱ و جدول ۱ نمایش داده شده است.

$$\frac{q_u}{\gamma(r_o - r_i)} = f\left(\frac{r_i}{r_o}, \frac{D_s}{(r_o - r_i)}, \varphi\right) \tag{1}$$

بیشینه بار قابل تحمل توسط یک شالوده، با استفاده از ظرفیت باربری پی تعیین میشود. از اینرو، بهمنظور محاسبه دقیق ظرفیت باربری پی، توجه به تمامی پارامترهای تأثیرگذار، امری اساسی میباشد. همان طور که در معادله (۱) بیان شد در این پژوهش تمامی پارامترهای تأثیرگذار مدنظر قرار گرفتند که این امر موجب پیچیدگی قابل توجهی در هندسه مسئله میشود [۳۰]. از این رو این موضوع، اهمیت انتخاب مناسب ترین روش حل را پررنگ تر می کند. بین روشهای عددی مرسوم ژئوتکنیکی، بر روی تحلیل عددی اجزای محدود (FEM) بیش از سایر روش ها را سایر روش ها ترای محدود (FEM) بیش از سایر روش تحلیل عددی اجزای محدود، محاسبه ظرفیت سایر روشهای عددی مرسوم ژئوتکنیکی، بر روی تحلیل عددی اجزای محدود (FEM) بیش از باربری به صورت غیرمستقیم و از طریق ترسیم نمودارهای بار - نشست و تقاطع مماسها امکان پذیر میباشد. از باربری به صورت غیرمستقیم و از طریق ترسیم نمودارهای بار - نشست و تقاطع مماسها امکان پذیر میباشد. از برای دستیابی به نتایج دقیق، محاسبه مستقیم ظرفیت باربری پی و همچنین در نظر گرفتن یک شبکهبندی اینرو، هرین در نظر بگیرند ولیکن برای دستیابی به نتایج دقیق، محاسبه مستقیم ظرفیت باربری پی و همچنین در نظر گرفتن یک شبکهبندی برای دستیابی به نتایج دقیق، محاسبه مستقیم ظرفیت باربری پی و همچنین در نظر گرفتن یک شبکهبندی بینوه ش با استفاده از نرمافزار <sup>G2</sup> بهینه، بسیار تأثیرگذار خواهد بود (FEA)، ایجاد شبکهبندی تطبیقی به طور خودکار انجام میشود و بهینه، بینار تأثیرگذار خواهد بود (FEA)، ایجاد شبکهبندی تطبیقی به مور خودار انجام میشود و به بهینه، بینار تأثیرگذار خواهد بود (FEA)، ایجاد شبکهبندی تطبیقی به طور خودکار انجام میشود و به بهینه، بینار تأثیرگذار خواهد بود (FEA)، ایجاد شبکهبندی تطبیقی به نتایج هرچه دقیق تر مسئله به نتایج هرچه دقیق تر مستقیم مرافیت باربری پی و همچنین در نظر گرفتن یک شبکهبندی نور فرفین باربری شرفیر به می فرد و بر ای فرند و ود به بهینه به بندار و می فرور می میشود و به ورفین باربری شاور مرافزار تام و میشود و بهینه، بینار تأثیرگذار خواهد به مورت محامی، این رو در این پژوهش با استفاده از نرمافزار تام میشود و به ورش تر برای فرد و می می مودو می به می مود و دستیای می می می مودو و در این پژوهش بازد و در ای پره می مور و در بای پژوه می باز می می می می مود و می می مود و می می مودو



شکل ۱. هندسه مدل و شبکهبندی فضای مدلسازی به روش تحلیل حدی المان محدود

در این مقاله بهمنظور تخمین تعداد اولیه و نهایی شبکهبندی و همچنین ابعاد مدلسازی، از تحلیل حساسیت بهره گرفته شده است [۳۳]. با توجه به تحلیل انجام شده، سه مرحله همگرایی و ۳۰۰۰ و ۵۰۰۰ المان برای شبکهبندی اولیه و نهایی و همچنین ابعادی برابر با مقادیر گفتهشده در شکل ۱، بهعنوان محدوده نهایی مدلسازی در نظر گرفته شده است. در این پژوهش معیار شکست مور - کولمب برای رفتار خاک مدنظر قرار گرفته است [۳۴–۳۶]. بهمنظور بررسی تأثیر دیواره تقویت کننده قائم بر ظرفیت باربری نهایی پی رینگی، از یک دیواره قائم در وسط عرض پی رینگی بهره گرفته شده است. مرز پایینی مدل در هر دو جهت عمودی و افقی و مرزهای جانبی برای حرکت در راستای افقی محدود شدهاند [۳۲; ۳۸]. شایان ذکر است که برای مدلسازی هرچه نزدیکتر به شرایط طبیعی، وزن مخصوص خاک متاسب با زاویه اصطکاک داخلی خاک، تغییر یافته است (جدول ۱) [۳۲; ۳۹].

جدول ۱. مشخصات مکانیکی و سازهای مدلسازی در نرمافزار Optum<sup>G2</sup>

| مشخصات مكانيكي خاك  |  |  |  |  |  |  |  |
|---|--|--|--|--|--|--|--|
| تغییرات وزن مخصوص خاک متناسب با زاویه اصطکاک داخلی خاک [۲۴; ۳۹] |  |  |  |  |  |  |  |
| φ(°)  | ۳۰, ۳۵, ۴۰, ۴۵   |  |  |  |  |  |  |
| $\gamma$ (kN/m <sup>3</sup> )                                   | ۱۴, ۱۶, ۱۸, ۲۰   |  |  |  |  |  |  |
| مشخصات سازهای پی  |  |  |  |  |  |  |  |
| تن وزن المان  | مدلسازی شده با المان تیر و بدون در نظر گرف   |  |  |  |  |  |  |
| δ   | $[\mathfrak{F} \cdot]$ ( $\delta = \varphi$ ) پی صیقلی ( $\delta = 0$ ) و پی زبر ( $\delta = \phi$ ) |  |  |  |  |  |  |
| $r_i/r_o$   | ۰, ۰.۱, ۰.۲, ۰.۳, ۰.۴, ۰.۵, ۰.۶, ۰.۷, ۰.۸, ۰.۹   |  |  |  |  |  |  |
| $D_s/(r_o-r_i)$   | •, •. Y ۵, •. ۵, ۱, ۱. ۵, Y  |  |  |  |  |  |  |

# مقایسه با مطالعات پیشین

بهمنظور مقایسه نتایج حاصل از مدلسازی عددی به روش تحلیل حدی المان محدود، دو مقایسه عددی با نتایج حاصل از مطالعات دیگر پژوهشگران در این بخش انجام شده است.

ختری و کومار [۲۴] در مطالعات خود به بررسی نسبت ظرفیت باربری در پیهای تقویتشده با دیواره قائم پرداختهاند. در مطالعات ایشان نسبت ظرفیت باربری برابر با نسبت ظرفیت باربری پی تقویت شده با دیواره قائم به ظرفیت باربری پی بدون المان تقویت کننده میباشد. در جدول ۲ نتایج مطالعات ایشان با نتایج حاصل از مدل سازی حاضر مقایسه شده است. نتایج حاصل نشان دهنده انطباق بالای دادههای مدل سازی میباشد.

جدول ۲. مقایسه نتایج نسبت ظرفیت باربری در پیهای تقویتشده با دیواره قائم به ظرفیت باربری پی بدون المان تقویت کننده در مطالعات ختری و کومار [۲۴] و مطالعه حاض

| $D_{\alpha}/B$ | لالعه حاضر   | مم   |      | ومار [۲۴] | ختری و ک |        |
|----------------|--------------|------|------|-----------|----------|--------|
| DS/D           | <i>φ</i> =٣۵ | ۴.   | ۴۵   | ۳۵        | 4.       | 40     |
| •              | ١            | ١    | ١    | ١         | ١        | ١      |
| ۰.۲۵           | 1.9٣         | ١.٧٧ | 1.81 | ۱.۸۲      | ۱.۶۸     | 1.08   |
| ٠.۵            | ۲.۷۳         | 7.49 | ۲.۱۷ | 7.84      | ۲.۳۴     | ۲. • ۸ |

|      | لالعه حاضر | مه   | ختری و کومار [۲۴] |      |      |      |  |  |  |
|------|------------|------|-------------------|------|------|------|--|--|--|
| DS/D | φ=٣۵       | ۴.   | 40                | ۳۵   | 4.   | 40   |  |  |  |
| ۰.۷۵ | ۳.۵۴       | ۳.1۴ | ۲.۶۹              | ۳.۴۱ | ۲.۹۸ | ۲.۶۱ |  |  |  |
| ١    | 4.47       | ۳.۸۲ | ۳.۲۲              | ۴.1۹ | ۳.۶۲ | ۳.1۴ |  |  |  |

در جدول ۳ نتایج حاصل از مدلسازی عددی به منظور محاسبه ضریب ظرفیت باربری  $N_{\gamma}$  به روش تحلیل حدی و در دو حد پایین و حد بالا گزارش شده است. همچنین نتایج حاصل از مطالعات دیگر محققان برای مقایسه آورده شده است. شایان ذکر است که مطالعات اکریچن و همکاران [۴۱]، کومار و کوزر [۴۲] و ویس کرمی و همکاران [۴۳] در دو حد پایین و حد بالا براساس تحلیل حدی المان محدود انجام شده است. همچنین، مطالعات کومار [۴۴] بر اساس روش مشخصههای تنش صورت گرفته است. همان طور که مشاهده می شود نتایج مدل سازی عددی به روش تحلیل حدی المان محدود (FELA)، با نتایج مطالعات دیگر محققان مطابقت بالایی دارند.

جدول ۳. مقایسه ضریب ظرفیت باربری  $N_7$  در مطالعه حاضر و مطالعات دیگر پژوهشگران

| φ           | مطالعه حاضر |         | اُکریچن و همکاران [۴۱] |         | - [FY] ·          | [88] 1.5  | ویس کرمی و   |
|-------------|-------------|---------|------------------------|---------|-------------------|-----------|--------------|
| $\varphi$ - | حد پايين    | حد بالا | حد پايين               | حد بالا | وهار و تورز ۱۱۱ - | توهار ۲۱۱ | همکاران [۴۳] |
| ۵           | ۰.۱۰        | •.17    | ٠.١١                   | •.17    | ۰.۱۳              | •.114     | •.1٢         |
| ١٠          | ۰.۳۸        | •.49    | ٠.۴١                   | ۰.۴۷    | •. 49             | •.48•     | •.44         |
| ۱۵          | ۰.٩٩        | 1.78    | 1.18                   | ۱.۳۱    | 1.77              | 1.17٣     | 1.71         |
| ۲۰          | ۲.۴۷        | ۳.۰۳    | 7.87                   | ۳.۲۷    | ۳.1۶              | ۲.۸۲۲     | ۲.۸۸         |
| ۲۵          | ۵.1۶        | 8.97    | ۵.۹۵                   | ۷.۵۲    | ٧. ٢۶             | ۶.۴۵۸     | ۶.۴۸         |
| ۳۰          | ٨.٨٢        | 10.88   | 18.20                  | 14.6.   | 18.04             | 14.983    | 10.00        |
| ۳۵          | ۲۵.۸۲       | ۳۶.۸۷   | ۲۹.۳۰                  | 47.4.   | ۳۸.۹۹             | ۳۴.۳۰۸    | ۳۳.۷۶        |
| ۴.          | ۶۷.۳۳       | 97.19   | ۶۹.۹۰                  | 111.1•  | ٩٨.۵٣             | ٨۵.•٩٩    | ٧٠.۶٢        |
| ۴۵          | 189.48      | 208.11  | 180.10                 | ۳۱۵.۱۰  | ۲۸۰.۳۶            | 222.947   | 184.88       |

# نتايج و بحث

فوق در شکل ۴ بهوضوح نمایان است. مشاهده می شود که با افزایش نسبت شعاعی، توسعه تنش های ایجاد شده در زیر پی افزایش یافته است که این امر دلالت بر افزایش ظرفیت باربری ایجاد شده در زیر پی دارد (ناحیه صعودی). پس از آن با افزایش نسبت شعاعی رفتار پی رینگی مشابه رفتار پیهای نواری شده که باعث کاهش ظرفیت باربری نهایی می گردد (ناحیه نزولی). برای مثال مقدار  $q_u/\gamma(r_o-r_i)$  در پی رینگی صیقلی مستقر در خاکی با زاویه اصطکاک داخلی برابر با ۴۰ درجه، برای حالتی که (*D<sub>s</sub>/(r<sub>o</sub>-r<sub>i</sub>)* برابر با صفر می باشد، مقدار ظرفیت باربری نرمال شده از مقدار ۴۸/۲۷ شروع و به مقدار ۲۲/۳۲ منتهی می شود. در صورتی که در پی رینگی زبر با مشخصات مشابه، مقدار  $q_u/\gamma(r_o-r_i)$  از ۱۱۳/۶۷ شروع و در نسبت شعاعی حدوداً برابر با ۲/۰ به مقدار بیشینه خود برابر با ۱۴۱/۳۸ می رسد و به مقدار ۴۴/۲۳ منتهی می شود. مشاهده می شود که با افزایش زاویه اصطکاک داخلی خاک مقادیر  $q_w \gamma(r_o - r_i)$  به صورت چشمگیری افزایش می ابد. برای مثال در پیهای رینگی صیقلی بیشینه مقادیر  $p_{u}/\gamma(r_o-r_i)$  برای پی با دیوارههای تقویت کننده قائم در شرایطی که (ro-ri) لا برابر با ۲ می باشد، برای خاک با زوایای اصطکاک داخلی برابر با ۳۰، ۳۵، ۴۰ و ۴۹ درجه بهترتیب برابر با ۴۷/۴۱، ۱۱۹/۶۰، ۳۲۳/۲۱ و ۱۰۶۶/۶۷ می باشند؛ در حالی که این مقادیر برای یی رینگی زبر تقويتشده با ديواره قائم مقاديري برابر با ۹۷/۹۶، ۲۳۸/۱۱، ۷۱۸/۳۵ و ۲۶۴۵/۴۵ را نشان مي دهند. نکته جالب توجه مقدار بیشینه ( $q_u/\gamma(r_o-r_i)$  در شرایطی میباشد که از دیواره قائم برای تقویت پی رینگی بهره گرفته شده است. مشاهده می شود که در پیهای رینگی صیقلی و زبر، مقدار بیشینه  $q_{u} / \gamma(r_o - r_i)$  با افزایش زاویه اصطکاک داخلی خاک در نسبتهای بزرگتر ri/ro به وقوع می پیوندد. این مهم بیان کننده امکان استفاده از پیهای رینگی با نسبت شعاعی بزرگتر در خاکهای با زوایای اصطکاک داخلی بالاتر میباشد [۹]. برای پیهای رینگی صیقلی تقویتشده با دیواره قائم در حالتی که  $D_s/(r_o-r_i)$  برابر با ۱/۵ می باشد، مقادیر بیشینه  $q_{u\prime}\gamma(r_o-r_i)$  در خاکهای با زوایای اصطکاک داخلی برابر با ۳۰، ۳۵، ۴۰ و ۴۵ درجه بهترتیب در نسبتهای شعاعی حدوداً برابر با ۰/۱، ۰/۱، ۵/۱ و ۰/۱۵ به وقوع می پیوندد؛ این در حالی است که در پی های رینگی زبر تقویت شده با دیواره های قائم، مقادیر بیشینه  $q_{u}/\gamma(r_{o}-r_{i})$  در شرایط مشابه در نسبتهای شعاعی تقریباً برابر با ۰/۳۵، ۰/۳۵، ۲/۴ و ۰/۴۵ اتفاق میافتد. شایان ذکر است در پیهای رینگی صیقلی، به خصوص در نسبتهای شعاعی بزرگتر از ۰/۵، دامنه تغییرات محدودتری نسبت به پیهای رینگی زبر مشاهده می شود.







شکل ۳. مقادیر ظرفیت باربری نرمالشده در پیهای رینگی زبر

بهمنظور درک صحیح تر از مقادیر ظرفیت باربری پی رینگی تقویتشده با دیوارهی قائم و با توجه به تغییرات ایجادشده در مشخصات سازهای، در شکل ۴ و شکل ۵ بهترتیب تأثیر نسبت شعاعی و تأثیر طول دیواره قائم در توسعه

تنشهای برشی در زیر پی رینگی تقویتشده با دیواره قائم تصویر شده است. مشخصات بهکار گرفته شده برای مدلسازی مربوط به شکل ۴ و شکل ۵ در جدول ۴ آورده شده است. با افزایش نسبت شعاعی، ابتدا تنشهای برشی توسعهیافته و پس از آن توسعه تنشهای برشی متوقف میشود. همچنین با افزایش (D<sub>s</sub>/(r<sub>0</sub>-r<sub>i</sub> تنشهای برشی زیر پی، توسعه مییابد که عاملی بر افزایش ظرفیت باربری پیهای رینگی میباشد.

| ، ممرد بررسے   | بارامت            | $r_i/r_o$ | $D_s/(r_o-r_i)$ | с     | φ   | γ                    |
|----------------|-------------------|-----------|-----------------|-------|-----|----------------------|
| ر مور - برر سی | چر، <i>ح</i> ح    | (-)       | (-)             | (kPa) | (°) | (kN/m <sup>3</sup> ) |
|                |                   | •.184     | ۰.۷۵            | •     | ۴.  | ۱۸                   |
| ۴ ISA          |                   | •.٣٣۴     |                 |       |     |                      |
| سكل ٢          | $r_i/r_o$         | •.0       |                 |       |     |                      |
|                |                   | ۰.۷۵۰     |                 |       |     |                      |
|                |                   | ۰.۷۵۰     | ٠.٣٠            | •     | ۳۵  | 18                   |
| A 15 A         | D (( )            |           | • . ۶ •         |       |     |                      |
| سكل ۵          | $D_{s'}(r_o-r_i)$ |           | ۰.٩٠            |       |     |                      |
|                |                   |           | 1.7.            |       |     |                      |

جدول ۴. مشخصات مدلسازی در بررسی توسعه تنشهای برشی در شکل ۴ و شکل ۵





شکل ۴. تأثیر نسبت شعاعی در توسعه تنشهای برشی در زیر پی رینگی تقویتشده





شکل ۵. تأثیر طول دیواره قائم در توسعه تنشهای برشی در زیر پی رینگی تقویتشده

تحليل آمارى

براساس نتایج بیش از ۱۰۰۰ حالت متفاوت مدلسازی تحلیل حدی المان محدود (FELA) در نرمافزار  $(P_{c})^{(r)}$  مشاهده میشود که نسبت شعاعی  $(r_i/r_o)$ ، طول نسبی دیواره قائم  $((r_o-r_i))$  و زاویه اصطکاک داخلی خاک  $(\phi)$ ، تأثیر قابل توجهی بر ظرفیت باربری نرمال شده  $((r_i-r_i))$ ) دارند. از این و میتوان با استفاده از تحلیل آماری رگرسیون غیرخطی ، معادله (۲) را برای برآورد رابطه بین ظرفیت باربری نرمال شده و نسبت شعاعی پی رینگی، پیشنهاد کرد (۴۵]. شایان ذکر است که رابطه چند جملهای پیشنهادی توسط تحلیل های آماری در نرمافزار (۴۵]. پیشنهاد (۲) را برای برآورد رابطه بین ظرفیت باربری نرمال شده و نسبت شعاعی پی رینگی، پیشنهاد کرد (۴۵]. شایان ذکر است که رابطه چند جملهای پیشنهادی توسط تحلیل های آماری در نرمافزار SPSS نسخه ۲۶، بهدست آمده است (۶۹]. بهمنظور افزایش دقت تخمین در معادله (۲) و افزایش مقادیر ضریب تعیین ( $(R^2)$ )، نماد مربوط نی معادله می از نسبت شعاعی در نظر گرفته شده است. ظرفیت باربری نرمال شده پی در تمامی حالات مربوط نسخه ۲۶، بهدست آمده است (۶۹]. بهمنظور افزایش دقت تخمین در معادله (۲) و افزایش مقادیر ضریب تعیین ( $(R^2)$ )، مال شده و خال می معادل (۲) و افزای معادی می در نمال شده به معین (تمال می در نمای می معادل (۲) از برای برآورد رابطه بین خارفیت باربری نرمال شده و نماری در نرمافزار SPSS پیشنهاد کرد و می آماری در ترمان در نمای معادی در نمان (((R^2))) ماری در نمان معادی در نمای معین ((R^2))، پیشنهاد کرد و می تعیین ((R^2)) معادی در نمای معادل (۲) و افزایش معادیر ضریب تعیین ((R^2)) مروط نسخه ۲۶ معین در معادل (۲) و از ایش معادیر ضریب تعیین ((R^2)) می معادل و می تعادی ((R^2)) ماری در نمای معادی در نمای معادی در نمای معادی ((R^2)) ماری در معادل (۲) و افزایش معادیر مرول (۲) ماری در معادی ((R^2)) ماری در معادی در معادل (۲) و مرای معادی ((R^2)) ماری در ماری در معادی ((R^2)) ماری در مرول (۲) ماری در مای می در معادی ((R^2)) ماری در در معادی ((R^2)) ماری در مرول (۲) و مرایست معادی می می است.

$$\frac{q_u}{\gamma(r_o - r_i)} = a \times \left(\frac{r_i}{r_o}\right)^3 + b \times \left(\frac{r_i}{r_o}\right)^2 + c \times \left(\frac{r_i}{r_o}\right) + d \tag{7}$$

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> Non-Linear Regression (NLR)

در رابطه (۲)، ضرایب a و b d و b ضرایب رگرسیون غیرخطی میباشند. ضرایب رگرسیون غیرخطی به همراه خطای استاندارد محاسباتی<sup>۱</sup> و همچنین ضریب تعیین ( $(R^2)$  برای حالات متفاوت پی صیقلی و پی زبر بهترتیب در جدول ۵ و جدول ۶ آورده شده است. مقایسه بین مقادیر ظرفیت باربری نرمال شده قابل پیش بینی از روش رگرسیون غیرخطی (NLR) براساس معادله (۲) و همچنین مقادیر محاسبه شده از روش تحلیل حدی المان محدود برای دو حالت یی صیقلی ( $\delta=0$ ) و یی زبر ( $\delta=0$ ) در شکل ۶ ارائه شده است.

همان طور که مشخص می باشد، مقادیر بیشینه و کمینه  $R^2$  برای پی در حالت صیقلی بهترتیب برابر با ۹۹۹/۰ و ۹۸/۰ می باشد، همچنین مقادیر بیشینه و کمینه  $R^2$  برای پی زبر بهترتیب برابر با ۱۹۸۲ و ۱۹۸۷ می باشند. با توجه به می باشد، همچنین مقادیر بیشینه و کمینه  $R^2$  برای پی زبر بهترتیب برابر با ۱۹۸۲ و ۱۹۸۷ می باشند. با توجه به مقادیر محاسبه شده ضریب تعیین و مطابقت قابل قبول بین مقادیر محاسباتی و تخمین زده شده از معادله غیر خطی، مقادیر محاسبه (۲۹۹ می با ۲۹۹ می با ۲۹۹ و زمر) می باشد. با توجه به می باشد، همچنین مقادیر بیشینه و کمینه و کمینه و کمینه و کمینه و نور بین مقادیر محاسباتی و تخمین زده شده از معادله غیر خطی، مقادیر محاسباتی و تخمین زده شده از معادله غیر خطی، می با ۲۹۹ می باز کرفی (۲) را می توان برای پیش بینی ظرفیت باربری نرمال شده براساس نسبت شعاعی پی در دو حالت صیقلی و زبر، به کار گرفت (۹].

| صيقلى | ) در حالت پی | مربوط به رابطه (۲ | ريب تعيين ( <b>R</b> <sup>2</sup> ) | ، c .b و d) و ض | محاسبه شده (a | جدول ۵. ضرايب |
|-------|--------------|-------------------|-------------------------------------|-----------------|---------------|---------------|
|-------|--------------|-------------------|-------------------------------------|-----------------|---------------|---------------|

|    |                 | 6       | ı      | b        |   | С   |        | d      | !     | 2     |
|----|-----------------|---------|--------|----------|---|---|--------|--------|-------|-------|
| φ  | $D_s/(r_o-r_i)$ | بر آورد | S.E.   | بر آورد  | S.E.  | برآورد  | S.E.   | برآورد | S.E.  | $R^2$ |
|    | •.••            | -•.۴۵   | ۰.۳۰   | ۳.۴۱     | ۰.۴۱  | -8.20   | ۰.1۶   | ۲.۱۱   | •.•٢  | •.999 |
|    | ۰.۲۵            | 18.48   | ٨.٠٨   | -7.88    | ۱۱.۰۷   | -17.88  | 4.19   | ۱۳.۰۰  | •.44  | ۰.۹۳  |
| ۳۰ | ۰.۵۰            | -0.77   | ۱۳.۷۵  | 88.80    | ۱۸.۸۴   | -44.7+  | ۷.۲۶   | ۱۸.۵۸  | ٠.٧۵  | •.918 |
| ,. | ۱.۰۰            | -24.81  | ۲۱.۵۳  | 180.89   | ۲۹.۵۰   | -94.49  | 11.88  | 57.75  | ١.١٧  | ۰.۹۰۵ |
|    | ۱.۵۰            | -13.00  | 78.77  | 201.28   | ۳۵.۹۸   | -184.88   | ۱۳.۸۶  | ۳۸.۵۷  | 1.4٣  | •.979 |
|    | ۲.۰۰            | -787.09 | ۳۵.۹۲  | 420.20   | 49.71   | -788.94   | ۱۸.۹۵  | ۵۷.۹۸  | ۱.۹۵  | •.948 |
|    | •.••            | 9.18    | 1.79   | -4.41    | ۱.٧۶  | -1•.78  | ۰.۶۸   | 17.78  | ۰.۰۷  | •.991 |
| ۳۵ | ۰.۲۵            | 1•1.94  | 19.49  | -119.04  | 79.99   | -4.44   | ۲۷. ۲۷ | WY. VF | ۱.•۶  | •.957 |
|    | ٠.۵٠            | 147.81  | 49.17  | -188.88  | ۶۳.۱۸   | -48.91  | 24.22  | 61.89  | ۲.۵۰  | •.918 |
|    | ۱.۰۰            | 100.94  | 84.94  | -1•0.47  | ۸۸.۹۶   | -80.88  | 84.79  | 84.48  | ۳.۵۲  | ۰.۸۹۶ |
|    | ۱.۵۰            | -71.49  | ۸۳.۱۳  | 240.88   | ۱۱۳.۸۸  | -787.78   | 43.79  | ۱۰۰.۶۹ | 4.01  | •.919 |
|    | ۲.۰۰            | -717.77 | 94.90  | ٧٣۶.٩١   | 18  | -q.         -q.         11. Υ         ΥΥ.Υ         1.1Υ           -19.6         1         Υ         Υ         1         Υ           -19.6         Λ         Υ         Υ         Υ         Υ           -19.7         Λ         Υ         ΔΥ         Υ         Υ           -19.7         Λ         Υ         Υ         Υ         Υ           -19.7         Λ         Υ         Υ         Υ         Υ           -19.7         Υ         Υ         Υ         Υ         Υ           -10.10         Υ         Υ         Υ         Υ         Υ           -19.7         Υ         Υ         Υ | •.940  |        |       |       |
|    | •.••            | 10.77   | ۶.۱۹   | -٨.۵۵    | ٨.۴٨  | -30.41  | ۳.۲۷   | ۵۰.۳۷  | ۰.۳۴  | ۰.99۵ |
|    | •.70            | 548.85  | ۵۷.۶۹  | -718.48  | ٧٩.•٢   | 147.10  | ۳۰.۴۳  | ۸۵.1۶  | ۳.۱۳  | ۰.9۶  |
| ÷  | ۰.۵۰            | 1.87    | 120.10 | -14•7.84 | 184.01  | 344.78  | ۶۳.۳۵  | ۸۰۰.۰۸ | ۶.۵۲  | •.97٣ |
|    | ۱.۰۰            | 1222.00 | 188.15 | -1272.22 | 104.99  | 266.14  | ۹۸.۱۸  | 124.74 | ۱۰.۱۰ | •.918 |
|    | ۱.۵۰            | 1801.14 | 741.74 | -1884.80 | ۳۳۱.1۶  | 14.81   | 157.05 | 177.77 | 13.15 | •.971 |
|    | ۲.۰۰            | 1.91.98 | ۳۰۱.۹۳ | -9.7.8.  | 418.80  | -367.02   | 109.77 | 377.75 | 18.88 | •.979 |
|    | •.••            | 184.18  | 10.04  | -2.4.21  | ۲۱.۲۸   | -49.19  | ٨.٢٠   | 154.79 | ۰.۸۴  | •.997 |
| ۴۵ | ۰.۲۵            | 317.14  | ۲۵۷.۰۹ | -49094   | $\mathbf{Y}, \mathbf{F}, \mathbf{Y}$ $\mathbf{S}, \mathbf{E}, \mathbf{E}, \mathbf{Y}$ $\mathbf{Y}, \mathbf{F}, 1$ $\cdot, \mathbf{F}, 1$ $-\mathcal{F}, \mathbf{T}\Delta$ $-\mathbf{Y}, \mathbf{A}\Lambda$ $11. \cdot \mathbf{Y}$ $-1\mathbf{Y}, \mathbf{F}\Delta$ $-\mathbf{Y}, \mathbf{A}\Lambda$ $11. \cdot \mathbf{Y}$ $-1\mathbf{Y}, \mathbf{F}\Delta$ $\mathbf{TF}, \mathbf{F}$ $1\mathbf{A}, \mathbf{A}\mathbf{F}$ $-\mathbf{FF}, \mathbf{T}$ $1\mathbf{T}\Delta, \mathbf{F}\mathbf{Q}$ $\mathbf{Y}\mathbf{Q}, \Delta$ $-\mathbf{QF}, \mathbf{FF}$ $1\mathbf{T}\Delta, \mathbf{F}\mathbf{Q}$ $\mathbf{Y}\mathbf{Q}, \Delta$ $-\mathbf{QF}, \mathbf{FF}$ $1\mathbf{T}\Delta, \mathbf{F}\mathbf{Q}$ $\mathbf{Y}\mathbf{Q}, \Delta$ $-\mathbf{QF}, \mathbf{FF}$ $1\mathbf{T}\Delta, \mathbf{F}\mathbf{Q}$ $\mathbf{T}\mathbf{Q}, \mathbf{Q}$ $-\mathbf{QF}, \mathbf{FF}$ $-\mathbf{T}\Delta\mathbf{V}, \mathbf{TF}\mathbf{Y}$ $\mathbf{T}\mathbf{Y}$ $\mathbf{P}\mathbf{Y}$ $-1\mathbf{U}\mathbf{Q}, \mathbf{F}\mathbf{T}$ $\mathbf{T}\mathbf{Y}, \mathbf{F}\mathbf{Q}$ $-\mathbf{T}\mathbf{T}\mathbf{F}, \mathbf{FF}$ $-1\mathbf{U}\mathbf{Q}, \mathbf{T}\mathbf{T}$ $\mathbf{T}\mathbf{Y}, \mathbf{F}\mathbf{Q}$ $-\mathbf{T}\mathbf{T}\mathbf{T}\mathbf{T}$ $-1\mathbf{U}\mathbf{Q}, \mathbf{T}\mathbf{T}$ $\mathbf{T}\mathbf{T}\mathbf{F}, \mathbf{T}\mathbf{T}$ $-\mathbf{T}\mathbf{T}\mathbf{T}\mathbf{T}\mathbf{T}\mathbf{T}$ $-1\mathbf{U}\mathbf{Q}, \mathbf{T}\mathbf{Q}$ $\mathbf{T}\mathbf{T}\mathbf{T}\mathbf{T}\mathbf{T}\mathbf{T}$ $-\mathbf{T}\mathbf{T}\mathbf{T}\mathbf{T}\mathbf{T}\mathbf{T}\mathbf{T}$ $-1\mathbf{U}\mathbf{Q}, \mathbf{T}\mathbf{T}\mathbf{T}\mathbf{T}\mathbf{T}\mathbf{T}\mathbf{T}\mathbf{T}\mathbf{T}\mathbf{T}$ | 1499.00   | 180.85 | ۲۰۱.۵۳ | ۱۳.۹۵ | •.949 |
|    | ۰.۵۰            | 4809.04 | 221.12 | -9100.22 | 571.47  | 222.22  | 148.04 | 519.80 | 14.77 | •.987 |
|    |                 |         |        |          |   |   |        |        |       |       |

<sup>1</sup> Standard Error (SE)

| φ | $D_s/(r_o-r_i)$ | G       | ı       | b         |         | С       |        | d      | !     | - 2                          |
|---|-----------------|---------|---------|-----------|---------|---------|--------|--------|-------|------------------------------|
|   |                 | بر آورد | S.E.    | بر آورد   | S.E.    | برآورد  | S.E.   | برآورد | S.E.  | <b>R</b> <sup>2</sup> 904979 |
|   | ۱.۰۰            | 8.1     | 404.97  | -8308.48  | 822.20  | 2414.88 | 74     | 340.07 | 24.89 | •.964                        |
|   | ۱.۵۰            | ۸۱۹۷.۰۹ | ٧٣١.٩٩  | -11179.94 | 1       | ۳۰۲۳.۳۸ | ۳۸۶.۱۳ | 524.14 | ۳۹.۷۲ | •.989                        |
|   | ۲.۰۰            | 9779.47 | 1.49.74 | -15492.88 | 1487.40 | ۳۰۳۸.9۴ | ۵۵۳.۵۳ | VDF.FA | ۵۶.۹۵ | ۰.۹۲۸                        |

جدول ۱. ضرایب محاسبه شده (*a b a و b)* و ضریب تعیین (<sup>(R2)</sup> مربوط به رابطه (۲) در حالت پی زبر

|  |                 | a         | !       | b   |         |         | с   | a  | !      |       |
|--|-----------------|-----------|---------|---|---------|---------|---|--|--------|-------|
| φ  | $D_s/(r_o-r_i)$ | برآورد    | S.E.    | برآورد  | S.E.    | برآورد  | S.E.  | بر آورد  | S.E.   | $R^2$ |
| ۳.   | •.••            | 17.97     | ۳.۸۰    | -8.04   | ۵.۲۰    | -11.70  | ۲   | 18.04  | ٠.٢١   | ۰.۹۸۲ |
|  | ۰.۲۵            | 22.14     | ٧.46    | ۲۰.۸۳   | 1       | -9.7٣   | ۳.9۴  | ۱۶.۸۲  | ۰.۴۱   | •.947 |
|  | ۰.۵۰            | ۸۷.۸۳     | 18.08   | -111.78   | ۱۷.۸۳   | ۱۸.۷۴   | ۶.۸۲  | ۱۸.۶۶  | ٠.٧١   | ۰.۹۳  |
| ,.   | ۱               | 292.18    | 24.49   | -417.79   | ۳۳.۵۵   | 178.07  | 17.97   | 24.71  | 1.77   | •.947 |
|  | ۱.۵۰            | 411.4.    | 37.79   | -441.41   | ۵۱.۰۸   | 101.81  | 19.87   | ۳۲.۵۳  | ۲.۰۲   | ۰.۹۵  |
|  | ۲.۰۰            | 8.4.1     | ٨٠.٠٧   | -1.10.74  | ۱۰۹.۶۸  | 4.1.4   | 47.74   | $a$ $x, \bar{f}e_{c}$ 18 $f$ $x, \bar{f}e_{c}$ $ff f$ $x, \bar{f}e_{c}$ | ۰.۸۹۹  |       |
|  | •.••            | ۸۱.۶۲     | ۱۵.۰۹   | -97.74  | ۲۰.۶۷   | -11.17  | ٧.٩۶  | 44.98  | ۰.۸۲   | ۰.۹۷۵ |
| ۳۵   | ۰.۲۵            | 122.01    | ۱۸.۱۴   | -108.10   | ۲۴.۸۵   | 11.44   | ۹.۵۷  | FT.9F  | ۰.۹۸   | ۰.۹۶۷ |
|  | ۰.۵۰            | ۲۸۸.۳۰    | 50.98   | -892.08   | ۳۵.۵۷   | 91.81   | 18.4.   | 44.20  | 1.41   | ۰.۹۶۷ |
|  | ۱.۰۰            | 184.90    | ۶۰.۵۳   | -1158.28  | ٨٢.٩٢   | ۳۸۸.۱۹  | 81.98   | ۵۶.۷۳  | ۳.۲۸   | •.907 |
|  | ۱.۵۰            | 1.144     | 184.80  | -1788.02  | 220.00  | 889.18  | ٨۶.۸۵   | YY.YY  | ٨.٩۴   | ۰.۸۷۶ |
|  | ۲.۰۰            | ۸۲۲.۷۸    | 266.18  | -18.6   | 894.91  | ٨٧٢.٣٧  | 14.41   | 96.19  | 14.44  | ۰.۸۳۹ |
|  | •.••            | ۵۰۶.۵۵    | ۶۲.۶۷   | -882.89   | 110.    | 129.20  | 47.00   | 171.00   | ۴.۳۸   | ۰.۹۳۸ |
| ۴.   | ۰.۲۵            | 82.11     | ۶۰.۷۹   | -846.49   | ٨٣.٢٧   | ۲۰۷.۹۲  | ۳۲.۰۷   | 119.14   | ۳.۳۰   | ۰.۹۶۸ |
| ×.   | ۰.۵۰            | 1108.44   | ۸۲.۴۸   | -۱۸.۶۶.۰۰ ۲۶۴.۶۲ ۸ΥΥ.ΤΥ ١٢٠.۴١ ۹۵.۱۹<br>-۶۸Υ.Α 11.۵. ΙΥ٩.Υ. ۴۲.۵۵ ΙΥΙ.Δ.<br>-ΑΥΥ.ΥΔ ΑΤ.ΥΥ Υ.Υ.ΥΥ ΥΥ.ΥΥ ΙΙ.Α.Ι<br>-Ι۶٩.ΙΙ ΙΙ.Α.Κ ΔΥΥ.ΥΙ Έ۶.ΙΔ ΙΙΔ.Υ.<br>-ΥΔΥΥ.ΥΥ ΥΑΥ.۶Α ΙΥΥΥ.Α ΙΈΥ.Τ۶ ΙΥΥ.ΙΑ | ۴.۷۵    | •.998   |   |  |        |       |
| 1.   | ۱.۰۰            | 5111.08   | 779.88  | -8022.22  | ۳۸۲.۶۸  | 1899.98 | 17         17 <th< td=""><td>۰.۸۹۹</td></th<> | ۰.۸۹۹  |        |       |
| Υδ         Ν         Υ۶Ε.٩.         ۶Δ٣         -11ΔΥ.Τ           1         ΥΣΕ.9.         ΣΔΨ         -11ΔΥ.Τ         -11ΔΥ.Τ           1         Ν         Ν.Ε.Α         -11ΥΣ.Δ         -11ΔΥ.Τ           1         Ν.Ε.Α         Ν.Ε.Α         -11ΥΣ.Δ         -11ΔΥ.Τ           Υ         ΛΥΥ.Υ         ΥΣΕ.1Α         -1Α.Ε.Α            Δ.Ε.ΔΔ         Λ         Α.Ε.Α            Δ.Ε.ΔΔ         Λ.Ε.Α         -ΑΥΥ.Υ            Ν.Ε.Α         Ν.Ε.Α         -ΑΥΥ.Υ            Ν.Ε.Α         Ν.Ε.Α         -159           F.          ΥΥ.ΤΥ         ΥΥ.ΤΥ         -ΥΔ.Υ.Υ           1         ΥΥ.Υ.Υ         ΥΥ.ΤΥ         -ΥΥ.Υ.Υ            ΥΥ.Υ.Υ.Υ         ΥΔ.Υ.Υ.ΤΥ         -194 | -8469.44        | ٧۶٨.٧٩    | 1882.09 | K98.04  | 186.28  | 80.49   | ۸۲۸. ۰  |  |        |       |
|  | ۲.۰۰            | -201.01   | ٨٠٩.٢۴  | -1970.74  | ۱۱۰۸.۵۵ | 1840.78 | 426.74  | 181.81   | 48.92  | ۰.۸۱۵ |
|  | •.••            | 21.9.12   | 400.44  | -4188.98  | ۳۵۰.۳۰  | 1899.10 | 186.71  | ۳۵۹.۸۳   | ۱۳.۸۸  | ٠.٩۶١ |
|  | ۰.۲۵            | 3110.74   | 198.90  | -4811.97  | 881.01  | 1547.78 | 189.21  | 340.17   | 14.88  | •.987 |
| ¥-A  | ۰.۵۰            | 4.77.47   | 514.10  | -8777.1.  | 42.24   | 222.14  | 180.41  | ۳۳۴.۳۵   | ۱۷.۰۵  | •.987 |
| ۱۵   | ۱               | 4148.89   | 1.14.94 | -8462.40  | 14.9.01 | ۳۸۹۲.۸۹ | 544.44  | 89.80  | ۵۵.۸۴  | ۰.۸۶۹ |
| ۴۵   | ۱.۵۰            | -786.•7   | 1968.49 | -4229.02  | 164.11  | 8781.49 | 1.22.0  | ۵۷۲.۱۹   | 1.8.14 | ۰.۸۰۷ |
|  | ۲.۰۰            | -14810.78 | *****   | 11118.90  | ffty.Xf | 7.7.74  | 14.0.0  | 1  | 140.41 | •.YYY |



شکل ۲. مقایسه بین مقادیر ظرفیت باربری نرمال شده پی رینگی از دو روش NLR و FELA

# نتيجهگيري

این مقاله به نتایج بیش از ۱۰۰۰ حالت مدلسازی عددی براساس روش حدی المان محدود (FELA) در دو حد پایین و بالا برای محاسبه ظرفیت باربری پیهای دایره ای و رینگی تقویت شده با دیواره قائم و مستقر بر خاک ماسه ای تمرکز شد. به منظور بررسی شرایط متفاوت سازه ای و ژئوتکنیکی، تأثیرات ناشی از زاویه اصطکاک داخلی خاک، ضریب تماسی بین سازه و خاک (پی صیقلی و پی زبر)، نسبت های شعاعی متفاوت پی رینگی (پی دایره ای در حالت خاص) و طول دیواره قائم تقویت کننده، در نظر گرفته شده است. به منظور افزایش دقت در تحلیل نتایج، از مقادیر متوسط حد پایین و حد بالا استفاده شده است. با بهره گیری از تحلیل رگرسیون غیر خطی (SPSS v.26)، داده های حاصل از مدل سازی عددی در نرمافزار <sup>GD</sup> در قالب یک معادله چند جمله ای پیشنهاد شده است. یافته های حاصل از پژوهش حاض را می توان به شرح زیر خلاصه کرد:

- ۱- با افزایش نسبت شعاعی در پی رینگی مقادیر ظرفیت باربری نرمال شده ابتدا روندی صعودی و پس از آن رفتاری نزولی دارند.
- ۲- رفتار پی رینگی در نسبتهای شعاعی بالا، مشابه رفتار پیهای نواری است که این مهم عاملی بر رفتار نزولی ظرفیت باربری با افزایش نسبت شعاعی میباشد.
- ۳- با افزایش زاویه اصطکاک داخلی خاک، مقادیر ظرفیت باربری نرمال شده به صورت چشم گیری افزایش می ابد. این مقادیر برای طول نسبی دیوار تقویت کننده برابر با ۲، با افزایش زاویه اصطکاک داخلی از ۳۰ به
   ۴۵ درجه، در حدود ۲۲ و ۲۶ برابر برای پی های صیقلی و زبر می باشد.
- ۴- در پیهای رینگی صیقلی و زبر، بیشینه مقدار ظرفیت باربری نرمال شده با افزایش زاویه اصطکاک داخلی خاک در نسبتهای شعاعی بزر گتر به وقوع می پیوندد. این مهم بیان کننده امکان استفاده از پیهای رینگی با نسبت شعاعی بزر گتر در خاکهای با زوایای اصطکاک داخلی بالا می باشد.
- ۵- براساس نتایج حاصل از تحلیل حدی المان محدود، در پیهای رینگی صیقلی، بهخصوص در نسبتهای شعاعی بزرگتر از ۰/۵، دامنه تغییرات محدودتری نسبت به پیهای رینگی زبر مشاهده می شود.
- ۶- با توجه به مقادیر محاسبه شده R<sup>2</sup> در دو حالت پی صیقلی و پی زبر، مطابقت بسیار خوبی بین مقادیر محاسباتی از طریق روش تحلیل حدی المان محدود و مقادیر تخمین زده شده از رابطه غیر خطی پیشنهادی وجود دارد.

# References

- [1] Benmebarek, S., Remadna, M. S., Benmebarek, N., & Belounar, L. (2012). Numerical evaluation of the bearing capacity factor Nγ' of ring footings. *Computers and Geotechnics*, 44, 132-138. <u>https://doi.org/10.1016/j.compgeo.2012.04.004</u>
- [2] Kumar, J., & Ghosh, P. (2005). Bearing capacity factor Nγ for ring footings using the method of characteristics. *Canadian Geotechnical Journal*, 42(5), 1474-1484. <u>https://doi.org/10.1139/t05-051</u>
- [3] Lee, J. K., Jeong, S., & Lee, S. (2016). Undrained bearing capacity factors for ring footings in heterogeneous soil. *Computers and Geotechnics*, 75, 103-111. <u>https://doi.org/10.1016/j.compgeo.2016.01.021</u>

- [4] Seyedi Hosseininia, E. (2016). Bearing Capacity Factors of Ring Footings. Iranian Journal of Science and Technology, Transactions of Civil Engineering, 40(2), 121-132. <u>https://doi.org/10.1007/s40996-016-0003-6</u>
- [5] Keshavarz, A., & Kumar, J. (2017). Bearing capacity computation for a ring foundation using the stress characteristics method. *Computers and Geotechnics*, 89,33-42. <u>https://doi.org/10.1016/j.compgeo.2017.04.006</u>
- [6] Gholami, H., & Hosseininia, E. S. (2017). Bearing Capacity Factors of Ring Footings by Using the Method of Characteristics. *Geotechnical and Geological Engineering*, 35(5), 2137-2146. <u>https://doi.org/10.1007/s10706-017-0233-9</u>
- [7] Remadna, M. S., Benmebarek, S., & Benmebarek, N. (2017). Numerical evaluation of the bearing capacity factor N'c of circular and ring footings. *Geomechanics and Geoengineering*, 12(1), 1-13. <u>https://doi.org/10.1080/17486025.2016.1153729</u>
- [8] Sharma, V., & Kumar, A. (2018). Behavior of ring footing resting on reinforced sand subjected to eccentric-inclined loading. *Journal of Rock Mechanics and Geotechnical Engineering*, 10(2), 347-357. <u>https://doi.org/10.1016/j.jrmge.2017.11.005</u>
- [9] Vali, R., Beygi, M., Saberian, M., & Li, J. (2019). Bearing capacity of ring foundation due to various loading positions by finite element limit analysis. *Computers and Geotechnics*, 110, 94-113. <u>https://doi.org/10.1016/j.compgeo.2019.02.020</u>
- [10] Keshavarz, A., & Kumar, J. (2021). Bearing Capacity of Ring Foundations over Rock Media. Journal of Geotechnical and Geoenvironmental Engineering, 147(6), 04021027. <u>https://doi.org/10.1061/(asce)gt.1943-5606.0002517</u>
- [11] Prasad, S. D., & Chakraborty, M .(2021) .Bearing capacity of ring footing resting on two layered soil. *Computers and Geotechnics*, 134(4), 104088. <u>https://doi.org/10.1016/j.comp geo.2021.104088</u>
- [12] Hu, Y., Randolph, M. F., & Watson, P. G. (1999). Bearing Response of Skirted Foundation on Nonhomogeneous Soil. *Journal of Geotechnical and Geoenvironmental Engineering*, *125*(11), 924-935. <u>https://doi.org/10.1061/(ASCE)1090-0241(1999)125:11(924)</u>
- [13] Rezazadeh, S., & Eslami, A. (2018). Bearing capacity of semi-deep skirted foundations on clay using stress characteristics and finite element analyses. *Marine Georesources & Geotechnology*, 36(6), 625-639. <u>https://doi.org/10.1080/1064119X.2017.1361488</u>
- [14] Vulpe, C., Bienen, B., & Gaudin, C. (2013). Predicting the undrained capacity of skirted spudcans under combined loading. *Ocean Engineering*, 74, 178-188. <u>https:// /doi.org/10.1016/j.oceaneng.2013.06.027</u>
- [15] Yun, G., & Bransby, M. F. (2007). The Undrained Vertical Bearing Capacity of Skirted Foundations. Soils and Foundations, 47(3), 493-505. <u>https://doi.org/10.3208/sandf.47.49.3</u>
- [16] Zou, X., Hu, Y., Hossain, M. S., & Zhou, M. (2018). Capacity of skirted foundations in sand-over-clay under combined V-H-M loading. *Ocean Engineering*, 159, 201-218. https://doi.org/10.1016/j.oceaneng.2018.04.007
- [17] Bienen, B., Gaudin, C., Cassidy, M. J., Rausch, L., Purwana, O. A., & Krisdani, H. (2012). Numerical modelling of a hybrid skirted foundation under combined loading. *Computers and Geotechnics*, 45(4), 127-139. <u>https://doi.org/10.1016/j.compgeo.2012.05.009</u>
- [18] Al-Aghbari, M. Y., & Dutta, R. K. (2008). Performance of square footing with structural skirt resting on sand. *Geomechanics and Geoengineering*, 3(4), 271-277. <u>https://doi.org/10.1080/17486020802509393</u>

- [19] Gourvenec, S., & Randolph, M. F. (2010) .Consolidation beneath circular skirted foundations. International Journal of Geomechanics, 10(1), 22-29. <u>https://d1wqtxts1xz le7.cloudfront.net/53578830/Consolidation\_beneath\_Circular\_Skirted\_F20170619-22</u> 859-mrg4bl-with-cover-page-v2.pdf?Expires=1658077263&Signature=bMoW47b4mj LFiG2JfX2NddxyLk7xvA6llj3bB6GdpBjVGigMdMPybzRKn2yDkbGgWRg7wH2V 6liar2PbvF9zeE~z-mx6sgM3z0r~tVmpq9rhjhYfKHFdFKKHNtcDMY5TI-5EhfR77u 5KuB17wo380TEDiMPysYB~GPDXm0LXBx~EOsb-x4-px4tXUH9s0qeAfM63BM 4j900if0nc~emE3YZl25DvzcypAbPa11RylGwFCcdOiONvZN1dUVigFXoCrWk7Z WZRXjfdYfelU8pCl0-n9wU00ppXf4I~JailHSI0ectLs-VkGLF9HHwgXCXjm2Mj4j yZRgXxSNK0xgiWKA &Key-Pair-Id=APKAJLOHF5GGSLRBV4ZA
- [20] Mana, D. S. K., Gourvenec, S. M., Randolph, M. F., & Hossain, M. S. (2012). Failure mechanisms of skirted foundations in uplift and compression. *International Journal of Physical Modelling in Geotechnics*, 12(2), 47-62. <u>https://doi.org/10.168</u> 0/ijpmg.11.00007
- [21] Eid, H. T. (2013). Bearing Capacity and Settlement of Skirted Shallow Foundations on Sand. International Journal of Geomechanics, 13(5), 645-652. <u>https://doi.org/10.1</u> 061/(ASCE)GM.1943-5622.0000237
- [22] Pal, A., Ghosh, P., & Majumder, M. (2017). Interaction Effect of Two Closely Spaced Skirted Strip Foundations in Cohesionless Soil Using Upper-Bound Limit Analysis. *International Journal of Geomechanics*, 17(2), 06016022. <u>https://doi.org</u> /10.1061/(ASCE)GM.1943-5622.0000755
- [23] Al-Aghbari, M. Y., & Mohamedzein, Y. E. A. (2020). The use of skirts to improve the performance of a footing in sand. *International Journal of Geotechnical Engineering*, 14(2), 134-141. <u>https://doi.org/10.1080/19386362.2018.1429702</u>
- [24] Khatri, V. N., & Kumar, J. (2019). Finite-Element Limit Analysis of Strip and Circular Skirted Footings on Sand. *International Journal of Geomechanics*, 19(3), 06019001. <u>https://doi.org/10.1061/(ASCE)GM.1943-5622.0001370</u>
- [25] Beygi, M., Vali, R., & Keshavarz, A. (2022). Pseudo-static bearing capacity of strip footing with vertical skirts resting on cohesionless slopes by finite element limit analysis .*Geomechanics and Geoengineering*, 17(2), 485-498. <u>https://doi.org/10.1 080/17486025.2020.1794058</u>
- [26] Jahandari, S., Saberian, M., Zivari, F., Li, J., Ghasemi, M., & Vali, R. (2019). Experimental study of the effects of curing time on geotechnical properties of stabilized clay with lime and geogrid. *International Journal of Geotechnical Engineering*, 13(2), 172-183. <u>https://doi.org/10.1080/19386362.2017.1329259</u>
- [27] Vali, R. (2021). Water Table Effects on the Behaviors of the Reinforced Marine Soilfooting System. *Journal of Human, Earth, and Future*, 2(3), 296-305. <u>https://doi.o rg/10.28991/hef-2021-02-03-09</u>
- [28] Vali, R., Saberian, M., Li, J., Shams, G., & Gelder, P. V. (2018). Properties of geogridreinforced marine slope due to the groundwater level changes. *Marine Georesources & Geotechnology*, 36(6), 735-748. <u>https://doi.org/10.1080/1064119X.2017.1386741</u>
- [29] Yousefi, H., & Marandi, S. M. (2021). The effect of geo-grid plates on vertical displacement and shearing force on foundation using finite element method and two dimensional PLAXIS software. *Karafan Quarterly Scientific Journal*, 19(1), -. <u>https://doi.org/1</u> 0.48301/kssa.2021.275662.1411

- [30] Shiau, J., Merifield, R., Lyamin, A., & Sloan, S. (2011). Undrained stability of footings on slopes. *International Journal of Geomechanics*, 11(5), 381-390. https://doi.org/10.1061/(ASCE)GM.1943-5622.0000092
- [31] Shabani, M., Farokhzad, F., & Shojaei, F. (2019). Numerical analysis of the effects of clay blanket and cut-off wall on reducing seepage from earth dam foundation. *Karafan Quarterly Scientific Journal*, 16(1), 107-126. <u>https://karafan.tvu.ac.ir/artic le\_100535\_63c766dbb68ddeb4f0903fb27b2e78c6.pdf</u>
- [32] Optum Computational Engineering. (2015). OptumG2 v. 2015 (Version 2015) [Computer software]. Optum Computational Engineering 2015. <u>https://optumce.com/?s=OptumG2+</u> 2015
- [33] Beygi, M., Keshavarz, A., Abbaspour, M., Vali, R., Saberian, M., & Li, J. (2022). Finite element limit analysis of the seismic bearing capacity of strip footing adjacent to excavation in c-φ soil. *Geomechanics and Geoengineering*, 17(1), 246-259. <u>https:// /doi.org/10.1080/17486025.2020.1728396</u>
- [34] Beygi, M., Keshavarz, A., Abbaspour, M., & Vali, R. (2020). 3D numerical study of the piled raft behaviour due to groundwater level changes in the frictional soil. *International Journal of Geotechnical Engineering*, 14(6), 665-672. <u>https://doi.org</u> /10.1080/19386362.2019.1677326
- [35] Beygi, M., Vali, R., Porhoseini, R., Keshavarz, A., & Maleksaeedi, E. (2021). The effect of rotational stiffness on the behaviour of retaining wall. *International Journal of Geotechnical Engineering*, 15(7), 845-856. <u>https://doi.org/10.1080/193</u> <u>86362.2018.1517927</u>
- [36] Vali, R., Mehrinejad Khotbehsara, E., Saberian, M., Li, J., Mehrinejad, M., & Jahandari, S. (2019). A three-dimensional numerical comparison of bearing capacity and settlement of tapered and under-reamed piles. *International Journal of Geotechnical Engineering*, 13(3), 236-248. https://doi.org/10.1080/19386362.2017.1336586
- [37] Vali, R., Saberian, M., Beygi ,M., Porhoseini, R., & Abbaspour, M. (2020). Numerical Analysis of Laterally Loaded Single-Pile Behavior Affected by Urban Metro Tunnel. *Indian Geotechnical Journal*, 50(3), 410-425. <u>https://doi.org/10.1007/s400</u> <u>98-019-00375-5</u>
- [38] Vali, R., Shams, G., Porhoseini, R., Boroujeni, M., & Saberian, & Beygi, M. (2019). Lateral behavior of pile located on top of a slope. *Australian Geomechanics Journal*, 54(1), 103-114. <u>https://australiangeomechanics.org/papers/lateral-behaviour-of-pile-located-on-top-of-a-slope /</u>
- [39] Bowles, J. E. (1997). Foundation Analysis and Design (5 ed.). McGraw-Hill. <u>https://books.google.com/books/about/Foundation\_Analysis\_and\_Design.html?id=iuBwtgA\_ACAAJ\_</u>
- [40] Keshavarz, A., Beygi, M., & Vali, R. (2019). Undrained seismic bearing capacity of strip footing placed on homogeneous and heterogeneous soil slopes by finite element limit analysis. *Computers and Geotechnics*, 113, 103094. <u>https://doi.org/1</u> 0.1016/j.compgeo.2019.103094
- [41] Ukritchon, B., Whittle, A. J., & Klangvijit, C. (2003). Calculations of bearing capacity factor N γ using numerical limit analyses. *Journal of Geotechnical and Geoenvironmental Engineering*, 129(5), 468-474. <u>https://doi.org/10.1061/(ASCE)1090-0241(2003)129:6(4</u> 68)

- [42] Kumar, J., & Kouzer, K. M. (2007). Effect of Footing Roughness on Bearing Capacity Factor Ng. Journal of Geotechnical and Geoenvironmental Engineering, 133(5), 502-511. <u>https://doi.org/10.1061/(ASCE)1090-0241(2007)133:5(502)</u>
- [43] Veiskarami, M., Chenari, R. J., & Jameei, A. A. (2017). Bearing Capacity of Strip Footings on Anisotropic Soils by the Finite Elements and Linear Programming. *International Journal of Geomechanics*, 17(12), 04017119. <u>https://doi.org/10.1061</u> /(ASCE)GM.1943-5622.0001018
- [44] Kumar, J. (2009). The variation of Nγ with footing roughness using the method of characteristics. *International Journal for Numerical and Analytical Methods in Geomechanics*, 33(2), 275-284. <u>https://doi.org/10.1002/nag.716</u>
- [45] Aliakbari, K., Saberi, M. R., & Andalib, M. (2021). Applying Taguchi method to optimize EDM parameters on Inconel 718 super alloy. *Karafan Quarterly Scientific Journal*, 17(4), 163-180. <u>https://doi.org/10.48301/kssa.2021.128402</u>
- [46] International Business Machines. (2019). IBM SPSS Statistics (Version 26) [Computer software]. IBM. <u>https//:www.ibm.com/support/pages/downloading-ibm-spss-statis</u> <u>tics-26</u>